## Esame di Teorie e Informazioni Quantistiche (2 crediti di Teorie Quantistiche) del 25-06-2024.

- 1. Discutere il seguente argomento:
  - la disuguaglianza di Bell. [10 pt]
- 2. Risolvere i seguenti esercizi:
  - Si consideri un sistema nello stato  $|\psi\rangle = \sum_{m,n} c(m,n) |m\rangle_A \otimes |n\rangle_B$  dove A e B sono due sottosistemi. Gli stati  $|m\rangle_A$  sono autovettori ortonormali del sottosistema A e gli stati  $|n\rangle_B$  sono autovettori ortonormali del sottosistema B. Si trovi la condizione che i coefficienti c(m,n) devono soddisfare affinché lo stato  $|\psi\rangle$  abbia normalizzazione unitaria; [10 pt]
  - si considerino le componenti di spin lungo quattro versori  $\mathbf{a}$ ,  $\mathbf{b}$ ,  $\mathbf{c}$  e  $\mathbf{d}$  che sono tutti sullo stesso piano. Si trovi una configurazione per la quale la meccanica quantistica viola la disuguaglianza CHSH, ossia si trovino  $\mathbf{a}$ ,  $\mathbf{b}$ ,  $\mathbf{c}$  e  $\mathbf{d}$  sullo stesso piano tali che  $|\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} \mathbf{a} \cdot \mathbf{c}| + |\mathbf{d} \cdot \mathbf{b} + \mathbf{d} \cdot \mathbf{c}| \le 2$  non è verificata. [10 pt]