

# ANALISI MATEMATICA II (8, 9, 11 CFU) — B

Scritto del 21 novembre 2011

Durata della prova: 120 minuti

Cognome e nome: \_\_\_\_\_

Matricola: \_\_\_\_\_

**prova orale: 25 novembre 2011**

**Per ogni esercizio consegnato/non consegnato, barrare la casella corrispondente**

**Esercizio 1**   consegnato    non consegnato

Data l'equazione

$$f(x, y) = ex^2 + 2e^{\cos(x)} - \arctan(y) - 2e = 0,$$

verificare che in un intorno di  $(0, 0)$  si può esplicitare una variabile (a scelta?) in funzione dell'altra. Verificare che la funzione definita implicitamente ha un punto critico nell'origine e, utilizzando la formula di Taylor, stabilire la natura di tale punto.

**Esercizio 2**   consegnato    non consegnato

Data la superficie

$$\Sigma = \{(x, y, z) : x = \sqrt{y^2 + z^2}; 9 \leq x \leq 16\},$$

disegnarla, verificare che è regolare e calcolare la sua area.

**Esercizio 3**   consegnato    non consegnato

Risolvere il problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' = -4t\sqrt{y+1} \\ y(0) = 0, \end{cases}$$

studiando in particolare l'esistenza, l'esistenza e unicità locali e l'esistenza globale delle soluzioni. Tracciare quindi un grafico approssimativo delle soluzioni.

**Esercizio 4**   consegnato    non consegnato

Mediante l'uso della separazione delle variabili, risolvere il seguente problema:

$$\begin{cases} u_{tt} - 3u_{xx} = 0 & 0 < x < 2, t > 0 \\ u(x, 0) = 3 \cos(2\pi x) & 0 < x < 2 \\ u_t(x, 0) = 1 & 0 < x < 2 \\ u_x(0, t) = u_x(2, t) = 0 & t > 0 \end{cases}$$