

Esercizio 1

[3 punti]

Sia $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ tale che $|f(x) - f(y)| \leq |x - y|^2$ per ogni $x, y \in \mathbb{R}$. Allora

- a f non è continua in $x = 0$ b f è costante
 c $f(x) = 0$ per ogni $x \in \mathbb{R}$ d $f(x) = x^3$

Risoluzione

Esercizio 2

[3 punti]

Sapendo che $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ verifica una e una sola di queste proprietà, specificare quale

- a $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ limitata b $2 + \frac{1}{n} \geq a_n \geq 2 - \frac{1}{n}$
 c $|a_n| \leq 2$ per ogni $n \in \mathbb{N}$ d monotona decrescente con limite finito diverso da 0

Risoluzione

Esercizio 3

[4 punti]

Studiare la convergenza semplice ed assoluta della serie

$$\sum_{n=0}^{+\infty} (-1)^n \cdot \ln \left(\frac{n^2 + 1}{n^2 + 2} \right)$$

Risoluzione
